

# **AULA 4**

## **CINEMÁTICA DOS FLUIDOS**

### **EQUAÇÃO DA CONTINUIDADE**

**Prof. Gerônimo V. Tagliaferro**

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Regimes ou movimentos variado e permanente

Regime permanente é aquele em que as propriedades do fluido são invariáveis em cada ponto com o passar do tempo.

Isso significa que, apesar de um certo fluido estar em movimento, a configuração de suas propriedades em qualquer instante permanece a mesma.

Um exemplo prático disso será o escoamento pela tubulação do tanque da figura a seguir, desde que o nível dele seja mantido constante.



# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Regimes ou movimentos variado e permanente

Regime variado é aquele em que as condições do fluido em alguns pontos ou regiões de pontos variam com o passar do tempo. Se no exemplo da figura anterior não houver fornecimento de água por (1), o regime será variado em todos os pontos.

Denomina-se reservatório de grandes dimensões um reservatório do qual se extrai ou no qual se admite fluido, mas, devido à sua dimensão transversal muito extensa, o nível não varia sensivelmente com o passar do tempo.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

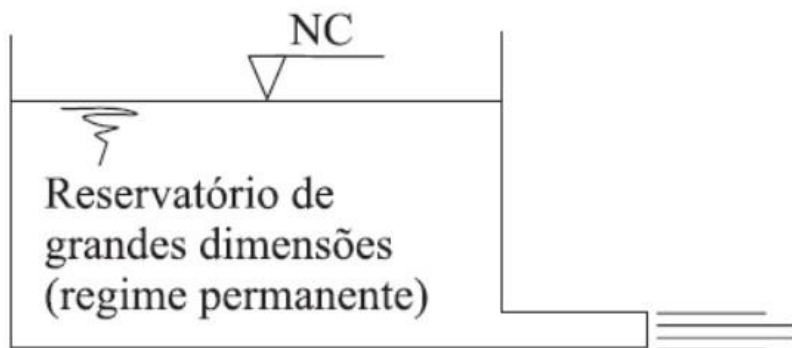
## Regimes ou movimentos variado e permanente

Em um reservatório de grandes dimensões, o nível mantém-se aproximadamente constante com o passar do tempo, de forma que o regime pode ser considerado aproximadamente permanente.

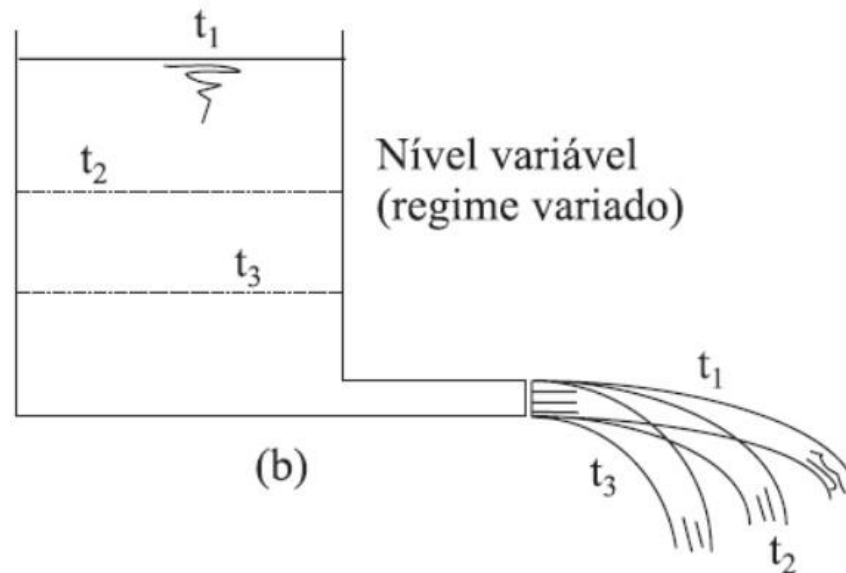
A figura (a) mostra um reservatório de grandes dimensões, em que, apesar de haver uma descarga do fluido, o nível não varia sensivelmente com o passar do tempo, e o regime pode ser considerado permanente.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Regimes ou movimentos variado e permanente



(a)



(b)

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Regimes ou movimentos variado e permanente

A figura (b) mostra um reservatório em que a seção transversal é relativamente pequena em face da descarga do fluido. Isso faz com que o nível dele varie sensivelmente com o passar do tempo, havendo uma variação sensível da configuração do sistema, caracterizando um regime variado.

# **ESCOAMENTO LAMINAR E TURBULENTO**

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

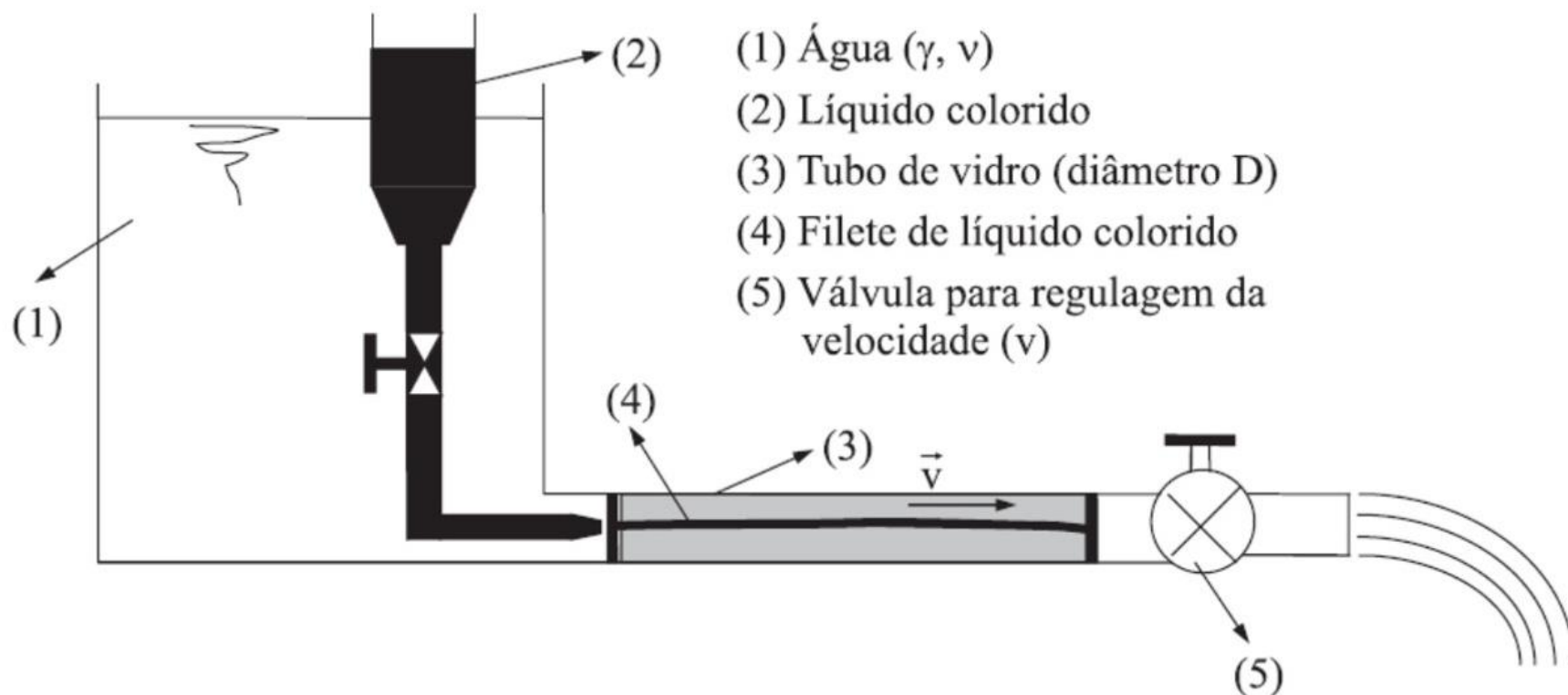
Para definir esses dois tipos de escoamentos, recorre-se à experiência de Reynolds (1883), que demonstrou a sua existência.

Seja, por exemplo, um reservatório que contém água. Um tubo transparente é ligado ao reservatório e, no fim deste, uma válvula permite a variação da velocidade de descarga da água. No eixo do tubo é injetado um líquido corante do qual se deseja observar o comportamento, conforme mostrado na figura a seguir.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

- Experimento de Reynolds (1883)



# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

Nota-se que ao abrir pouco a válvula, portanto para pequenas velocidades de descarga, forma-se um filete reto e contínuo de fluido colorido no eixo do tubo (3). Ao abrir mais a válvula (5), o filete começa a apresentar ondulações e finalmente desaparece a uma pequena distância do ponto de injeção. Nesse último caso, como o nível (2) continua descendo, conclui-se que o fluido colorido é injetado, mas, devido a movimentos transversais do escoamento, é totalmente diluído na água do tubo (3).

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

Esses fatos denotam a existência de dois tipos de escoamentos separados por um escoamento de transição.

No primeiro caso, em que é observável o filete colorido reto e contínuo, conclui-se que as partículas viajam sem agitações transversais, mantendo-se em lâminas concêntricas, entre as quais não há troca macroscópica de partículas.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

No segundo caso, as partículas apresentam velocidades transversais importantes, já que o filete desaparece pela diluição de suas partículas no volume de água.

Escoamento laminar é aquele em que as partículas se deslocam em lâminas individualizadas, sem trocas de massa entre elas.

Escoamento turbulento é aquele em que as partículas apresentam um movimento aleatório macroscópico, isto é, a velocidade apresenta componentes transversais ao movimento geral do conjunto do fluido.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

O escoamento laminar é o menos comum na prática, mas pode ser visualizado num filete de água de uma torneira pouco aberta ou no início da trajetória seguida pela mudança de um cigarro, já que a uma certa distância dele notam-se movimentos transversais.

Reynolds verificou que o fato de o movimento ser laminar ou turbulento depende do valor do número adimensional dado por:

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

$$\text{Re} = \frac{\rho v D}{\mu} = \frac{v D}{\nu}$$

Esta expressão se chama número de Reynolds e mostra que o tipo de escoamento depende do conjunto de grandezas  $v$ ,  $D$  e  $\nu$ , e não somente de cada uma delas.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

Reynolds verificou que, no caso de tubos, seriam observados os seguintes valores:

$Re < 2000$  Escoamento laminar

$2000 < Re < 2400$  Escoamento de transição

$Re > 2400$  Escoamento turbulento

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

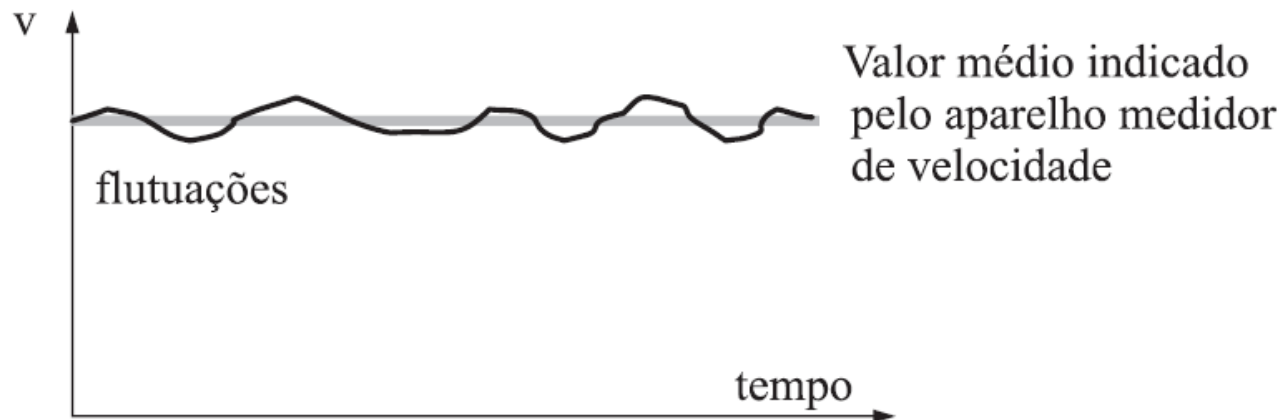
Note-se que o movimento turbulento é variado por natureza, devido às flutuações da velocidade de cada ponto. Pode-se, no entanto, muitas vezes, considerá-lo permanente, adotando em cada ponto a média das velocidades em relação ao tempo.

Esse fato é comprovado na prática, já que somente aparelhos muito sensíveis conseguem indicar as flutuações dos valores das propriedades de cada ponto.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamento laminar e turbulento

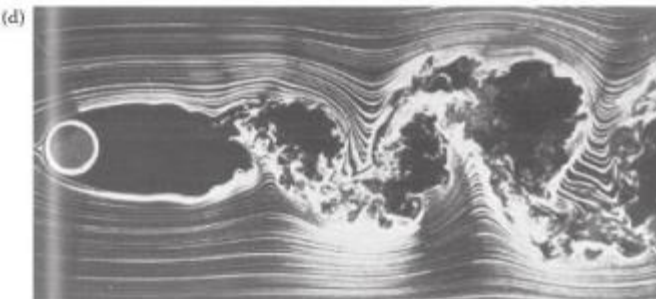
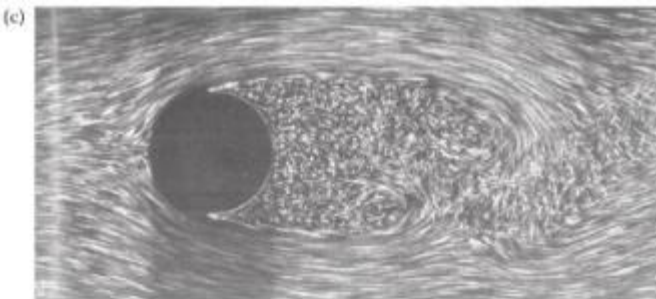
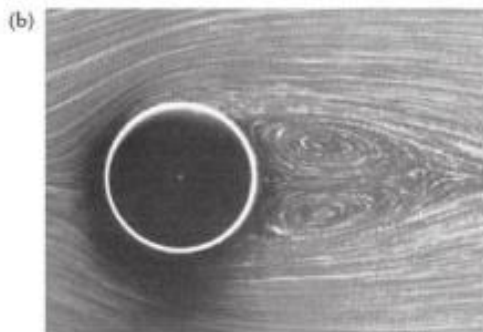
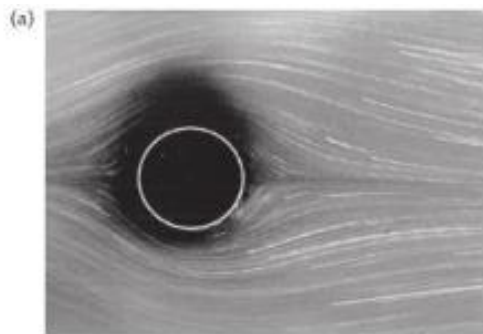
A maioria dos aparelhos, devido ao fato de apresentarem uma certa inércia na medição, indicará um valor permanente em cada ponto que corresponderá exatamente à média citada anteriormente.



# **CINEMÁTICA DOS FLUIDOS**

## **Escoamento laminar e turbulento**

Assim, mesmo que o escoamento seja turbulento, poderá, em geral, ser admitido como permanente em média nas aplicações.



Quatro escoamentos laminares  
sobre um cilindro:

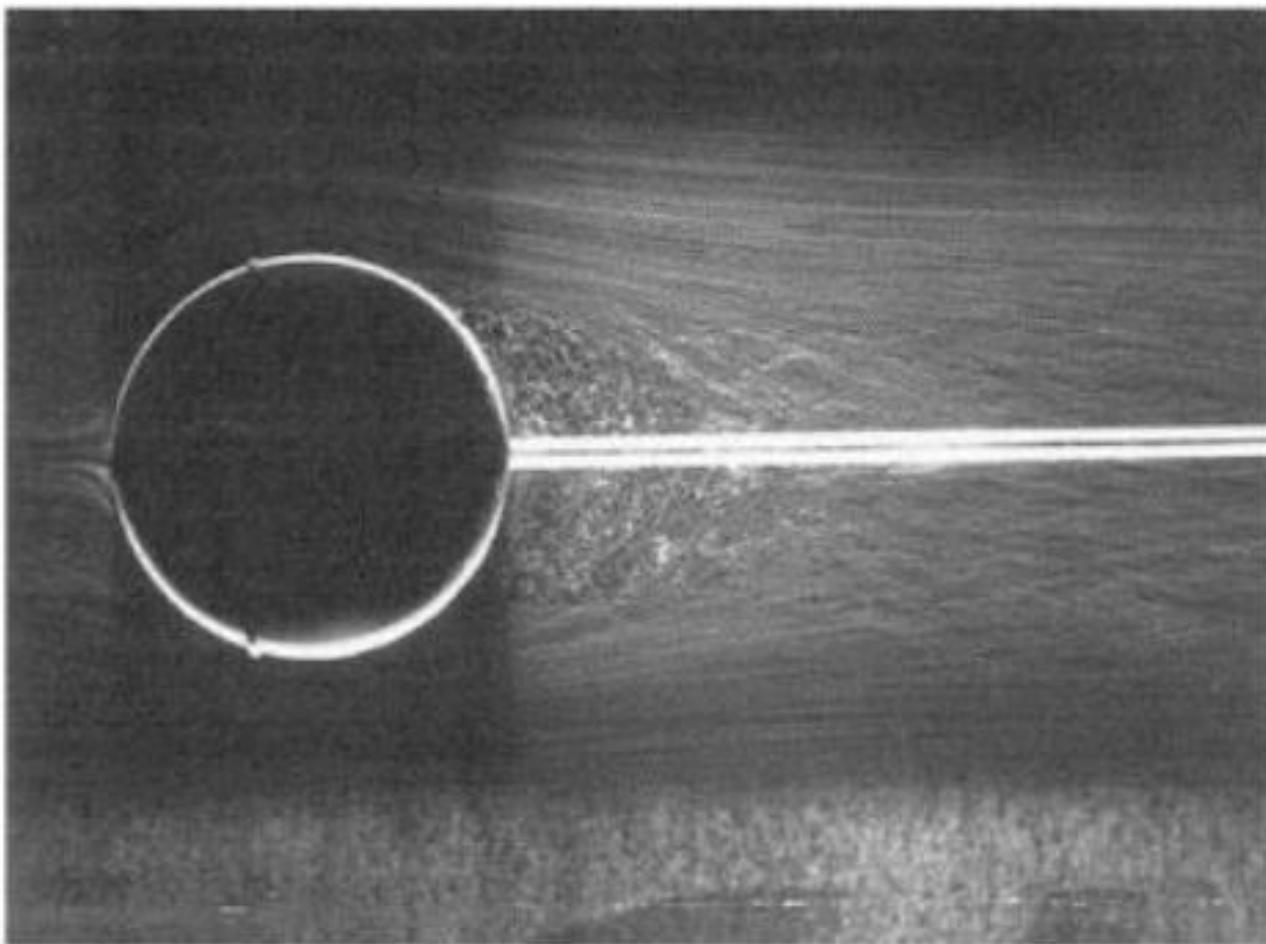
(a)  $Re_D = 1,54$ ;

(b)  $Re_D = 26$ ;

(c)  $Re_D = 2000$ ;

(d)  $Re_D = 10000$ .

Escoamento turbulento sobre um cilindro com  $Re_D = 30000$



**CAMPO VELOCIDADE**  
**VAZÃO**  
**VELOCIDADE MÉDIA NA SEÇÃO**

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

**Campo de velocidade** – é uma propriedade muito importante do fluído definida por:

A velocidade é o vetor:  $\vec{V} = \vec{V}(x, y, z, t)$

A velocidade é uma quantidade vetorial, exigindo um módulo e direção para uma completa descrição.

O vetor velocidade,  $\vec{V}$ , também pode ser escrito em termos de suas três componentes escalares em  $x$ ,  $y$  e  $z$  ou  $u$ ,  $v$  e  $w$ .

$$\vec{V} = u\hat{i} + v\hat{j} + w\hat{k}$$

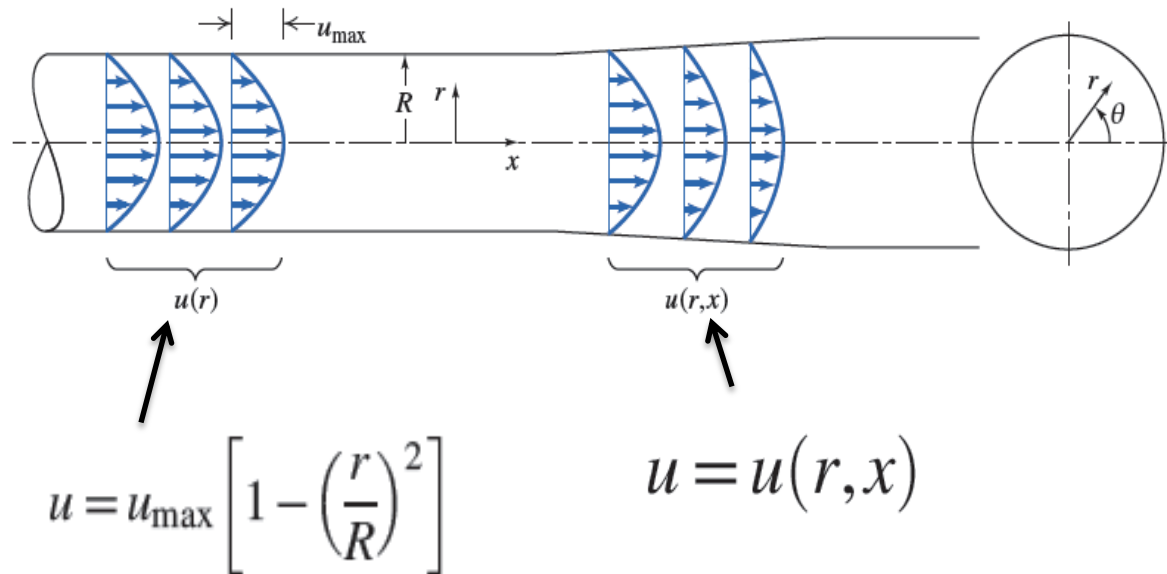
## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

É claro que  $\vec{V}(x, y, z, t)$  mede o campo de velocidade de uma partícula fluída que está passando através ponto  $x$ ,  $y$  e  $z$  no instante  $t$ . Podemos continuar a medir a velocidade no mesmo ponto ou em outro ponto qualquer  $x$ ,  $y$  e  $z$  no próximo instante de tempo.

Concluimos que  $\vec{V}(x, y, z, t)$  deve ser pensado como um campo de velocidade de todas as partículas e não somente de uma partícula individual.

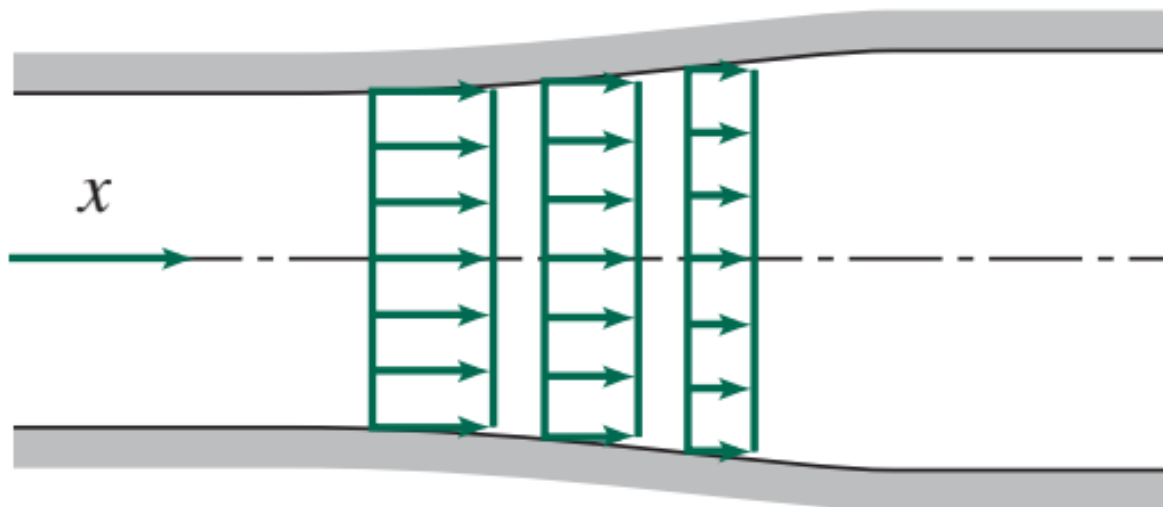
# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Escoamentos Uni Bi e Tridimensionais



## Escoamento Uniforme

Em uma seção transversal onde ocorre o escoamento uniforme a velocidade é constante através de qualquer seção normal ao escoamento.

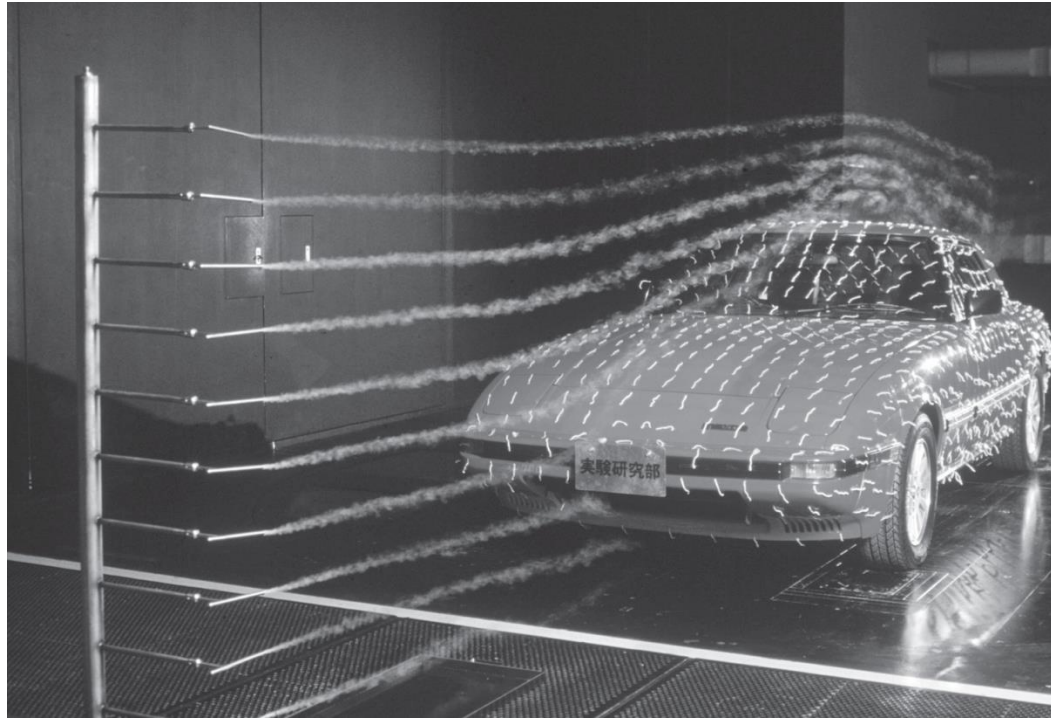


Exemplo de escoamento uniforme em uma seção.

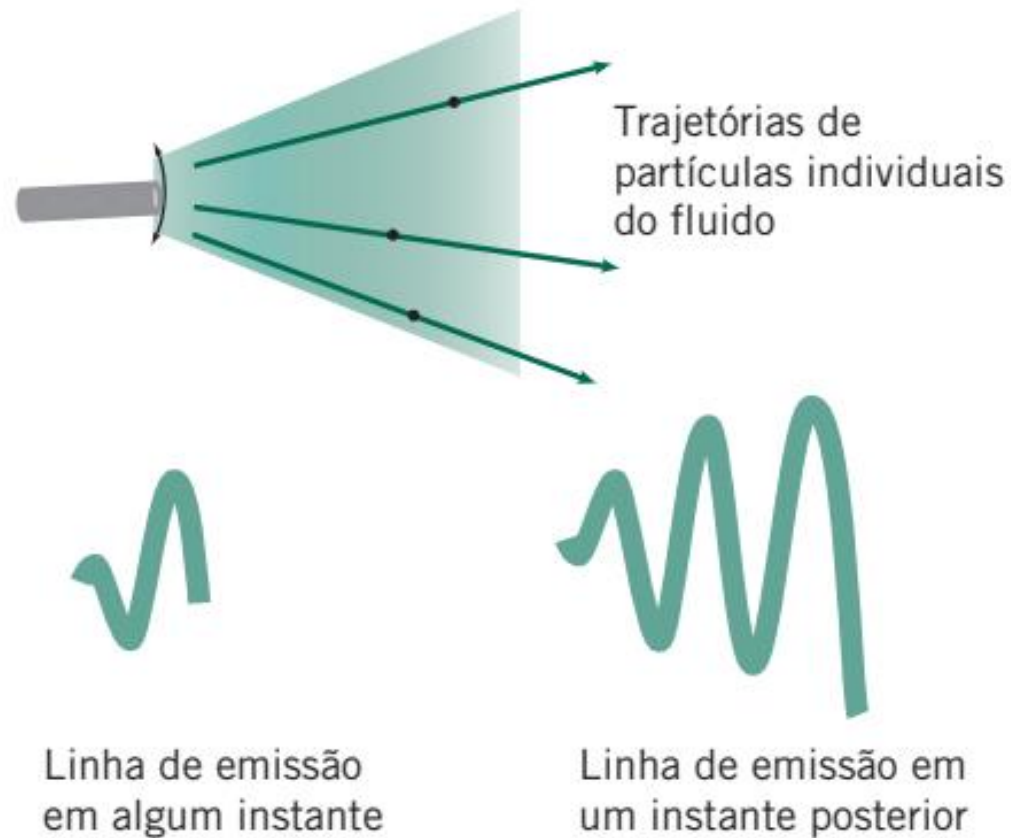
## **Linhas de Tempo, Trajetória, Linhas de emissão e Linhas de corrente**

- Linhas de tempo - linhas formadas por partículas de fluido adjacentes em um dado instante
- Trajetória – É o caminho traçado por uma partícula fluída em movimento
- Linhas de emissão – Linhas que unem diferentes partículas fluídas em um mesmo local fixo no espaço.
- Linhas de corrente - linhas que, em um determinado instante, são tangentes à direção do fluxo em todos os pontos do campo de fluxo

## Linhas de emissão sobre um automóvel em um túnel de vento



No escoamento permanente, a velocidade em cada ponto do campo permanece constante com o tempo e, as linhas de corrente não variam de um instante para outro. Isso implica que uma partícula permanecerá na mesma linha de trajetória. Além disso, partículas estarão na mesma linha de corrente e permanecerá nela. **Então em um escoamento permanente, trajetória, linhas de emissão, e linhas de correntes são idênticas no campo de escoamento.**



Trajetórias e linhas de emissão para o escoamento da saída de uma mangueira oscilante de jardim.

Podemos usar o campo de velocidade para deduzir as formas das linhas de emissão, trajetória e linha de corrente.

Para 2D:

$$\text{Linha de corrente: } \left[ \frac{dy}{dx} \right]_{\text{linha de corrente}} = \frac{v(x, y)}{u(x, y)}$$

$$\text{Trajetória: } \left[ \frac{dx}{dt} \right]_{\text{partícula}} = u(x, y, t) , \quad \left[ \frac{dy}{dt} \right]_{\text{partícula}} = v(x, y, t)$$

# Forma uma solução paramétrica –  $x_p(t)$  e  $y_p(t)$

O cálculo da linha de emissão é um pouco complicado. O primeiro passo é calcular a trajetória de uma partícula que foi solta a partir de uma fonte de emissão pontual  $x_0, y_0$  para um  $t_0$  na forma

$$x_{\text{partícula}}(t) = x(t, x_0, y_0, t_0) \quad y_{\text{partícula}}(t) = y(t, x_0, y_0, t_0)$$

Em seguida, reescrever essas equações como linha de emissão.

$$x_{\text{linha de emissão}}(t_0) = x(t, x_0, y_0, t_0) \quad y_{\text{linha de emissão}}(t_0) = y(t, x_0, y_0, t_0)$$

**Exemplo1:**

Um campo de velocidade é dado por  $\vec{V} = Ax\hat{i} - Ay\hat{j}$ , as unidades de velocidade são m/s, x e y são dados em metros;  $A = 0,3 \text{ s}^{-1}$

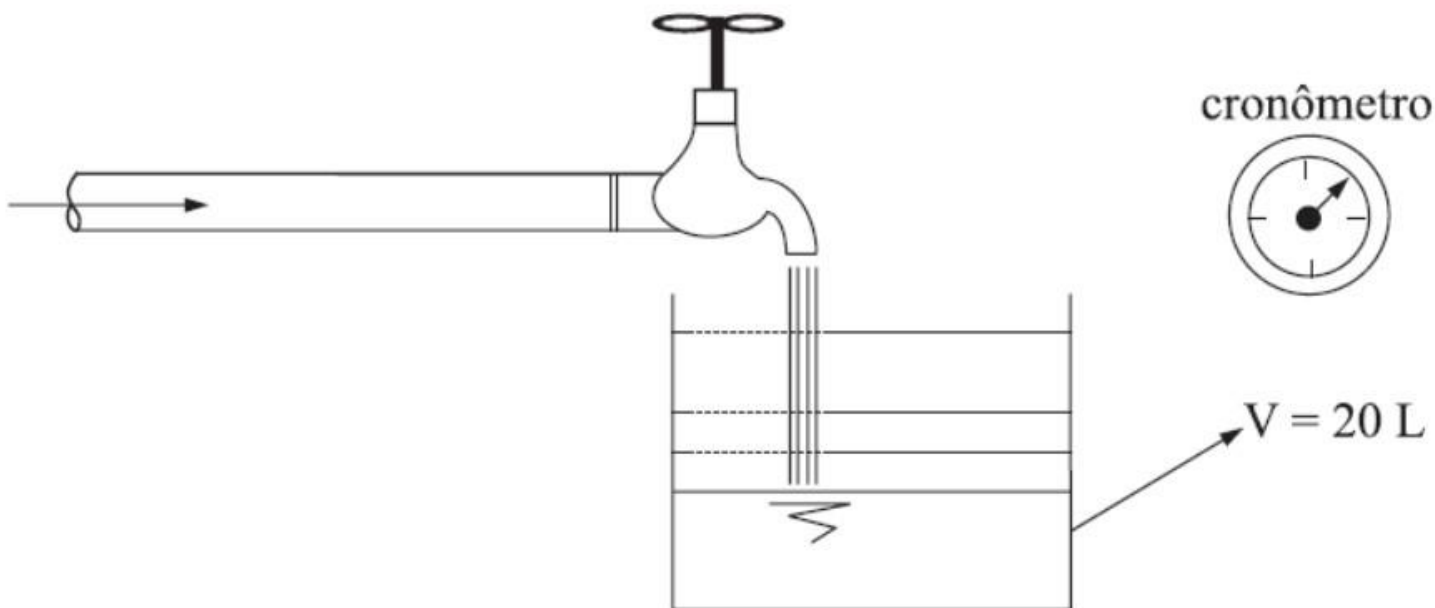
Determine:

- a) A equação para as linhas de corrente no plano xy;
- b) A velocidade de uma partícula no ponto (2,8);
- c) A equação da trajetória e a posição quando o tempo é  $t = 6\text{s}$ .
- d) A velocidade para  $t = 6\text{s}$ .

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

A vazão em volume pode ser definida facilmente pelo exemplo da figura a seguir.



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Suponha-se que, estando a torneira aberta, seja empurrado o recipiente da figura anterior embaixo dela e simultaneamente seja disparado o cronômetro. Admita-se que o recipiente encha em 10 s.

Pode-se então dizer que a torneira enche 20 L em 10 s ou que a vazão em volume da torneira é  $20 \text{ L}/10 \text{ s} = 2 \text{ L/s}$ .

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Define-se vazão em volume  $Q$  como o volume de fluido que atravessa uma certa seção do escoamento por unidade de tempo.

$$Q = \frac{V}{t}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

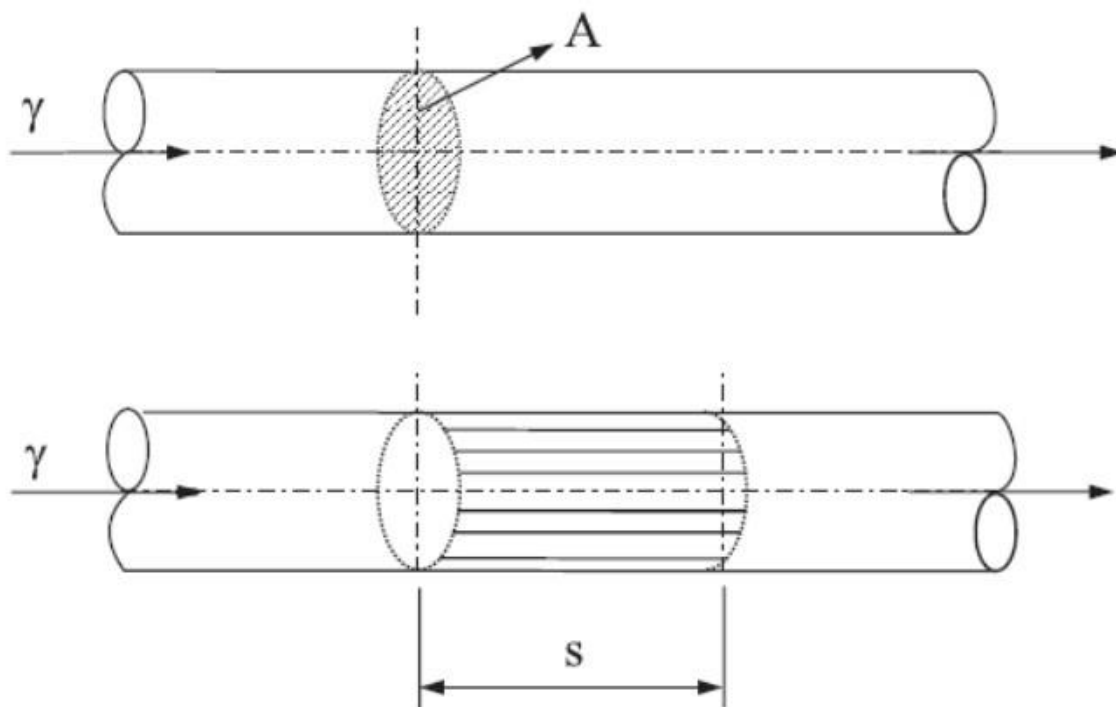
### Vazão – Velocidade média na seção

As unidades correspondem à definição:  $\text{m}^3/\text{s}$ ,  $\text{L}/\text{s}$ ,  $\text{m}^3/\text{h}$ ,  $\text{L}/\text{min}$ , ou qualquer outra unidade de volume ou capacidade por unidade de tempo.

Existe uma relação importante entre a vazão em volume e a velocidade do fluido, conforme mostrada na figura a seguir.

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Vazão – Velocidade média na seção



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Suponha-se o fluido em movimento da figura.

No intervalo de tempo  $t$ , o fluido se desloca através da seção de área  $A$  a uma distância  $s$ .

O volume de fluido que atravessa a seção de área  $A$  no intervalo de tempo  $t$  é  $V = sA$ .

Logo, a vazão será:

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

$$Q = \frac{V}{t} = \frac{sA}{t} \quad \text{mas} \quad \frac{s}{t} = v$$

Logo:

$$Q = v.A$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

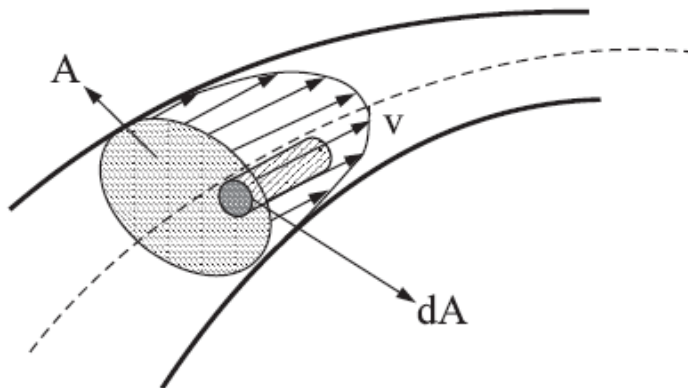
### Vazão – Velocidade média na seção

É claro que essa expressão só seria verdadeira se a velocidade fosse uniforme na seção.

Na maioria dos casos práticos, o escoamento não é unidimensional; no entanto, é possível obter uma expressão do tipo da equação  $Q = v A$  definindo a velocidade média na seção.

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção



Obviamente, para o cálculo da vazão, não se pode utilizar a equação anterior, pois  $v$  é diferente em cada ponto da seção.

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Adotando um  $dA$  qualquer entorno de um ponto em que a velocidade genérica é  $v$ , como mostrado na figura anterior, tem-se:

$$dQ = v \, dA$$

Logo, a vazão na seção de área  $A$  será:

$$Q = \int_A v \, dA$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Define-se velocidade média na seção como uma velocidade uniforme que, substituída no lugar da velocidade real, reproduziria a mesma vazão na seção.

Logo:

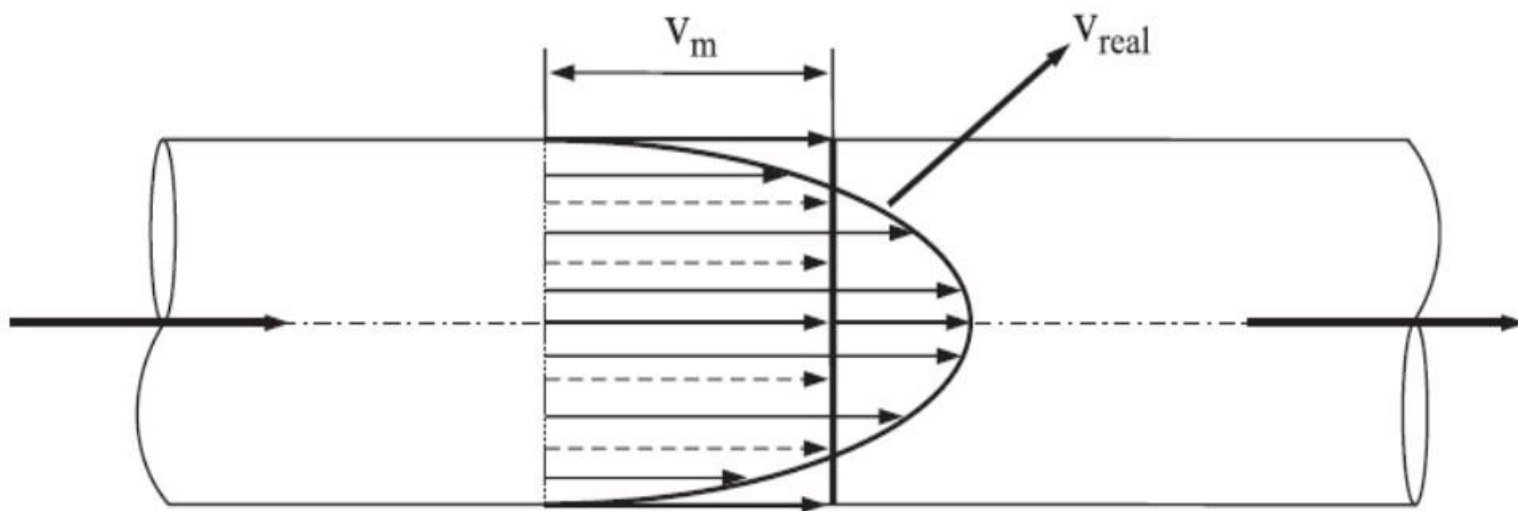
$$Q = \int_A v dA = v_m A$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Vazão – Velocidade média na seção

Dessa igualdade, surge a expressão para o cálculo da velocidade média na seção:

$$v_m = \frac{1}{A} \int_A v dA$$



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Outras definições:

Assim como se define a vazão em volume, podem ser analogamente definidas as vazões em massa ( $Q_m$ ) e em peso ( $Q_G$ ).

$$Q_m = \frac{m}{t} \quad \text{onde } m = \text{massa de fluido}$$

$$Q_G = \frac{G}{t} \quad \text{onde } G = \text{peso de fluido}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Outras definições:

Pela equação:

$$Q_m = v_m A \quad \text{mas} \quad Q_m = \frac{m}{t} = \frac{\rho V}{t}$$

Logo:

$$Q_m = \rho Q = \rho v_m A \quad (\text{Vazão em massa})$$

e

$$Q_G = \frac{G}{t} = \frac{\gamma W}{t}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Outras definições:

Ou

$$Q_G = \gamma Q = \gamma_m A \quad (\text{Vazão em peso})$$

Por outro lado,

$$Q_G = \gamma Q = \rho g Q$$

e

$$Q_G = g Q_m$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

★ As unidades de vazão em massa serão  $\text{kg/s}$ ,  $\text{kg/h}$  e qualquer outra que indique massa por unidade de tempo.

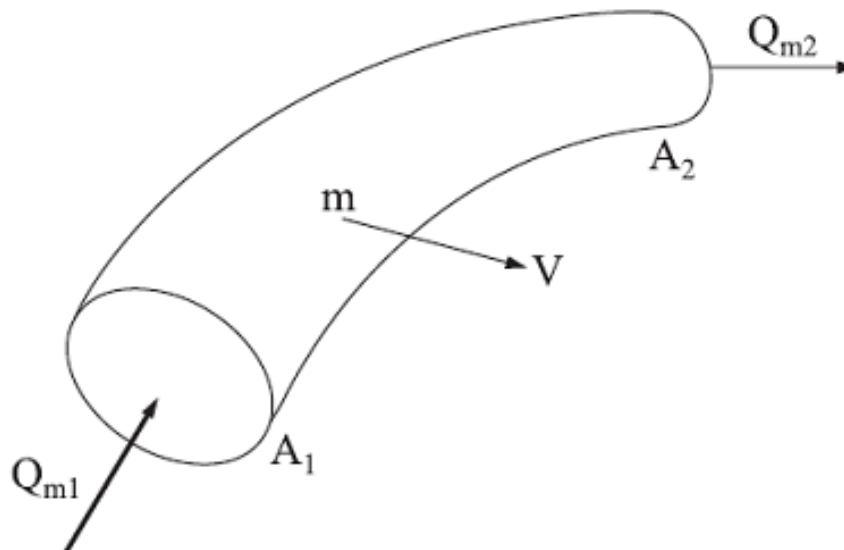
★ As unidades de vazão em peso serão  $\text{kgf/s}$ ,  $\text{N/s}$ ,  $\text{kgf/h}$  e qualquer outra que indique peso por unidade de tempo.

# **EQUAÇÃO DA CONTINUIDADE PARA REGIME PERMANENTE**

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Seja o escoamento de um fluido por um tubo de corrente conforme mostrado na figura abaixo. Num tubo de corrente não pode haver fluxo lateral de massa.



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Seja a vazão em massa na seção de entrada  $Q_{m1}$  e na saída  $Q_{m2}$ .

Para que o regime seja permanente, é necessário que não haja variação de propriedades, em nenhum ponto do fluido, com o tempo.

Se, por absurdo,  $Q_{m1} \neq Q_{m2}$ , então em algum ponto interno ao tubo de corrente haveria ou redução ou acúmulo de massa.

Dessa forma, a massa específica nesse ponto variaria com o tempo, o que contrariaria a hipótese de regime permanente.

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Logo:

$$Q_{m1} = Q_{m2}$$

$$\rho_1 Q_1 = \rho_2 Q_2$$

$$\rho_1 v_1 A_1 = \rho_2 v_2 A_2$$

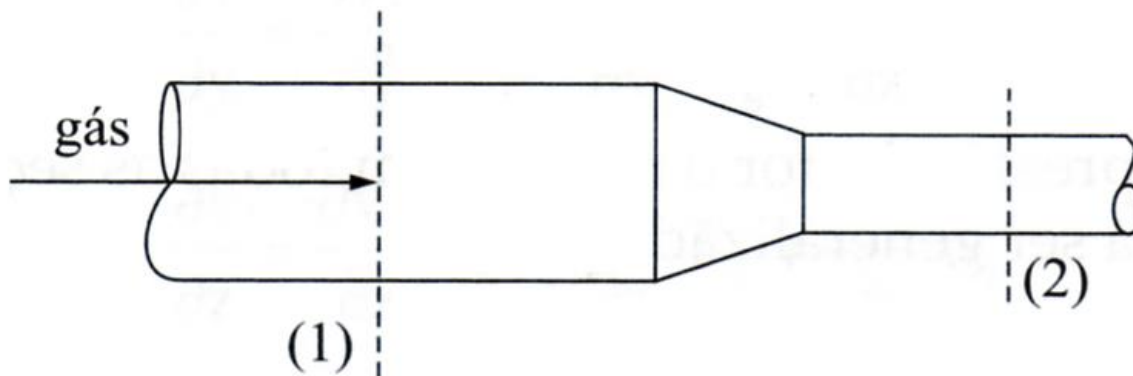
Essa é a equação da continuidade para um fluido qualquer permanente.

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

#### EXEMPLO 1

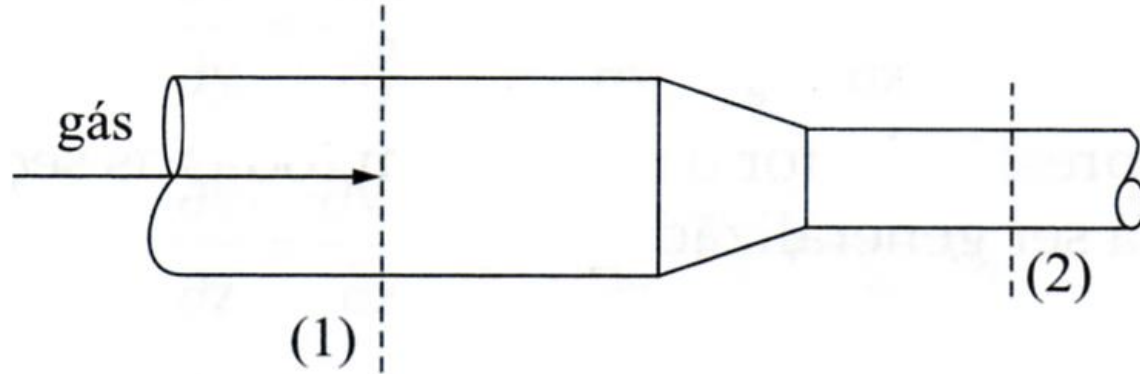
Um gás escoa em regime permanente no trecho de tubulação da figura. Na seção (1), tem-se  $A_1 = 20 \text{ cm}^2$ ,  $\rho_1 = 4 \text{ kg/m}^3$  e  $v_1 = 30 \text{ m/s}$ . Na seção (2),  $A_2 = 10 \text{ cm}^2$  e  $\rho_2 = 12 \text{ kg/m}^3$ . Qual a velocidade na seção (2)?



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

#### EXEMPLO 1 - RESOLUÇÃO



$$Qm_1 = Qm_2$$

$$\text{Logo: } \rho_1 v_1 A_1 = \rho_2 v_2 A_2$$

$$\text{Ou: } v_2 = v_1 \frac{\rho_1}{\rho_2} \frac{A_1}{A_2}$$

$$v_2 = 30 \times \frac{4}{12} \times \frac{20}{10} = 20 \text{ m/s}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Se o fluido for incompressível, então a massa específica na entrada e na saída do volume  $V$  deverá ser a mesma. Dessa forma, a equação da continuidade ficará:

$$\rho Q_1 = \rho Q_2$$

$$Q_1 = Q_2$$

$$\boxed{v_1 A_1 = v_2 A_2}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Logo, a vazão em volume de um fluido incompressível é a mesma em qualquer seção do escoamento. A equação anterior é a equação da continuidade para um fluido incompressível.

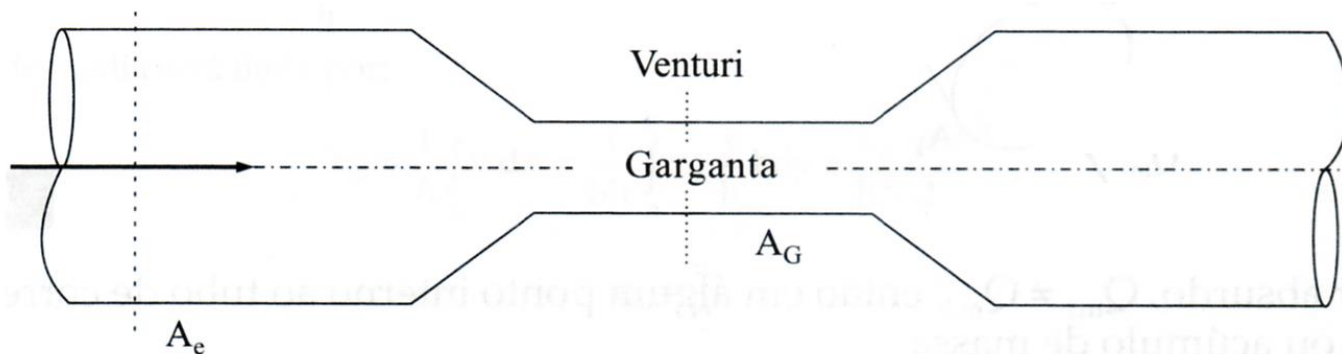
Fica subentendido que  $v_1$  e  $v_2$  são as velocidades médias nas seções (1) e (2). A equação  $v_1 A_1 = v_2 A_2$  mostra que, ao longo do escoamento, velocidades médias e áreas são inversamente proporcionais, isto é, à diminuição da área correspondem aumentos da velocidade média na seção e vice-versa.

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

#### EXEMPLO 2

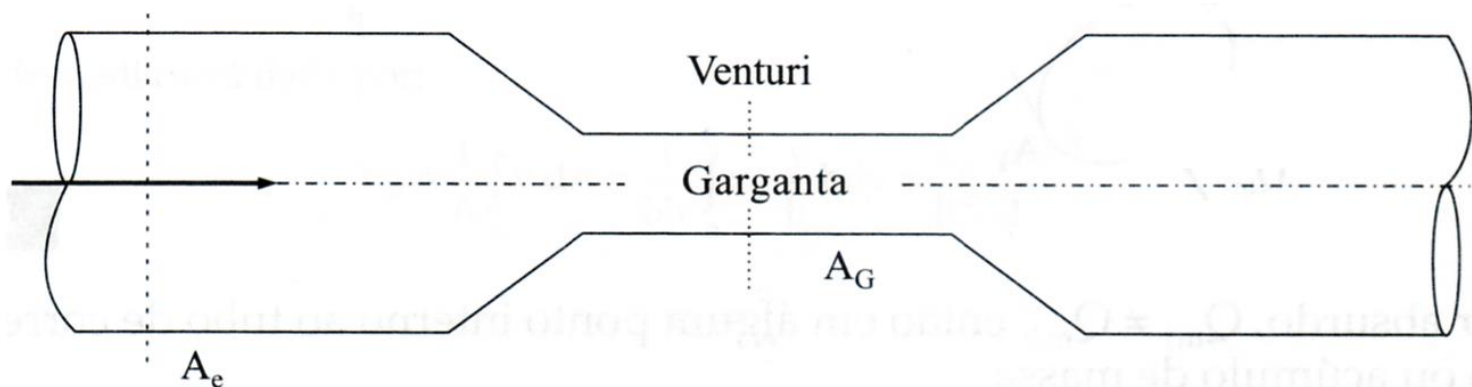
O Venturi é um tubo convergente/divergente, como é mostrado na figura. Determinar a velocidade na seção mínima (garganta) de área  $5 \text{ cm}^2$ , se na seção de entrada de área  $20 \text{ cm}^2$  a velocidade é  $2 \text{ m/s}$ . O fluido é incompressível.



## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

### EXEMPLO 2 - RESOLUÇÃO



$$V_e \times A_e = v_G \times A_G$$

$$v_G = v_E \times \frac{A_E}{A_G} \quad \Rightarrow \quad v_G = 2 \times \frac{20}{50} = 8 \text{ m/s}$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Para o caso de **diversas entradas e saídas de fluido**, a equação  $\rho_1 v_1 A_1 = \rho_2 v_2 A_2$  pode ser generalizada por uma somatória de vazões em massa na entrada (e) e outra na saída (s), isto é:

$$\sum_e Q_m = \sum_s Q_m$$

## CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

### Equação da continuidade para regime permanente

Se o fluido for **incompressível** e for o mesmo em todas as seções, isto é, se for homogêneo, a equação  $v_1 A_1 = v_2 A_2$  poderá ser generalizada por:

$$\sum_e Q = \sum_s Q$$

# CINEMÁTICA DOS FLUIDOS

## Equação da continuidade para regime permanente

Apesar de a equação  $\sum_e Q_m = \sum_s Q_m$  só poder chegar à equação

$\sum_e Q = \sum_s Q$  quando se tratar de um único fluido, pode-se verificar que é válida também para diversos fluidos, desde que sejam todos incompressíveis.

✓ Exemplo de mistura de fluídos.

(OBS: faremos um exercício sobre esse assunto mais adiante!!!)

## Exercícios:

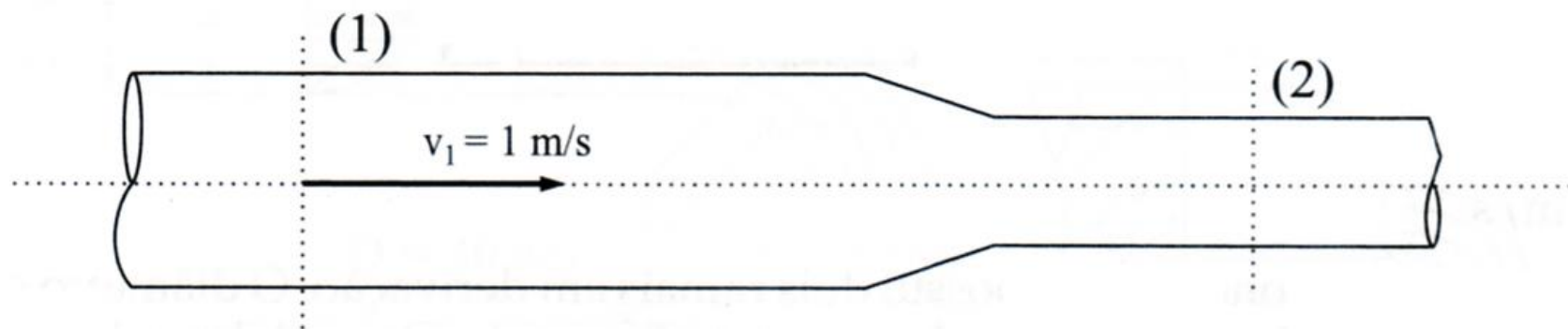
**EXERCÍCIO 1:** Um gás ( $\gamma = 5 \text{ N/m}^3$ ) escoia em regime permanente com uma vazão de  $5 \text{ kg/s}$  pela seção A de um conduto retangular de seção constante de  $0,5 \text{ m}$  por  $1 \text{ m}$ . Em uma seção B, o peso específico do gás é  $10 \text{ N/m}^3$ . Qual será a velocidade média do escoamento nas seções A e B? (Dado:  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Resposta:  $v_A = 20 \text{ m/s}$  ;  $v_B = 10 \text{ m/s}$ )

**EXERCÍCIO 2:** Uma torneira enche de água um tanque, cuja capacidade é 6.000 L, em 1 h e 40 min. Determinar a vazão em volume, em massa e em peso em unidade do SI se  $\rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1.000 \text{ kg/m}^3$  e  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

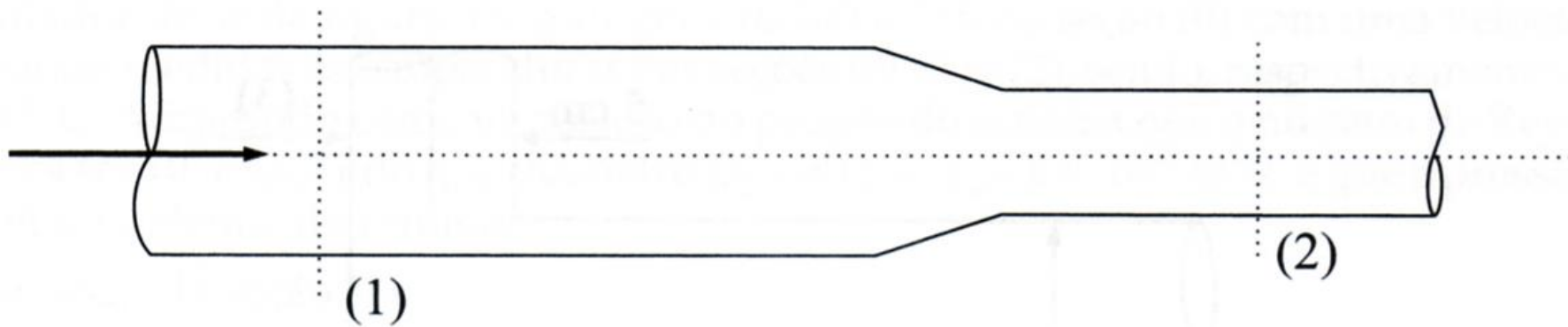
(Resposta:  $Q = 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$  ;  $Q_m = 1 \text{ kg/s}$  ;  $Q_G = 10 \text{ N/s}$ )

**EXERCÍCIO 3:** No tubo da figura, determinar a vazão em volume, em massa, em peso e a velocidade média na seção (2), sabendo que o fluido é a água e que  $A_1 = 10 \text{ cm}^2$  e  $A_2 = 5 \text{ cm}^2$ . (Dados:  $\rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1.000 \text{ kg/m}^3$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ )



(Resposta:  $Q = 1 \text{ L/s}$ ;  $Q_m = 1 \text{ kg/s}$ ;  $Q_G = 10 \text{ N/s}$ ;  $v_2 = 2 \text{ m/s}$ )

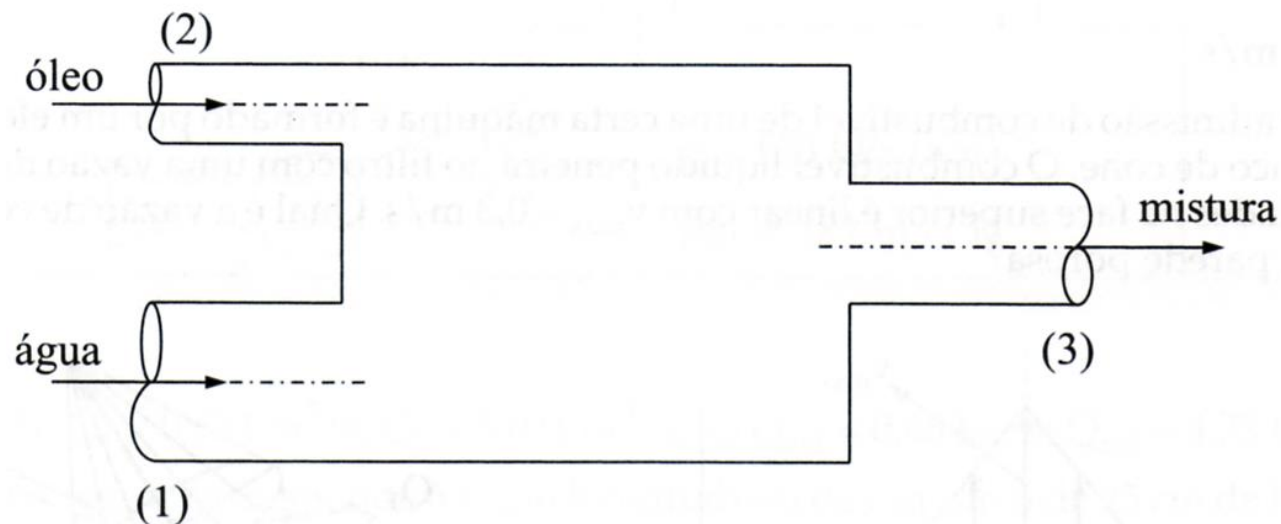
**EXERCÍCIO 4:** O ar escoa num tubo convergente. A área da maior seção do tubo é  $20 \text{ cm}^2$  e a da menor é  $10 \text{ cm}^2$ . A massa específica do ar na seção (1) é  $1,2 \text{ kg/m}^3$ , enquanto na seção (2) é  $0,9 \text{ kg/m}^3$ . Sendo a velocidade na seção (1)  $10 \text{ m/s}$ , determinar as vazões em massa, volume, em peso e a velocidade média na seção (2).



(Resp:  $v_2 = 26,7 \text{ m/s}$ ;  $Q_m = 2,4 \times 10^{-2} \text{ kg/s}$ ;  $Q_1 = 0,02 \text{ m}^3/\text{s}$ ;  $Q_2 = 0,0267 \text{ m}^3/\text{s}$ ;  
 $Q_G = 0,24 \text{ N/s}$ )

**EXERCÍCIO 5:** Um tubo admite água ( $\rho = 1.000 \text{ kg/m}^3$ ) num reservatório com uma vazão de 20 L/s. No mesmo reservatório é trazido óleo ( $\rho = 800 \text{ kg/m}^3$ ) por outro tubo com uma vazão de 10 L/s. A mistura homogênea formada é descarregada por um tubo cuja seção tem uma área de  $30 \text{ cm}^2$ . Determinar a massa específica da mistura no tubo de descarga e sua velocidade.

(Resp.:  $\rho_3 = 933 \text{ kg/m}^3$  ;  $v_3 = 10 \text{ m/s}$ )



**EXERCÍCIO 6:** Água é descarregada de um tanque cúbico de 5 m de aresta por um tubo de 5 cm de diâmetro. A vazão no tubo é 10 L/s. Determinar a velocidade de descida da superfície livre da água do tanque e, supondo desprezível a variação da vazão, determinar quanto tempo o nível da água levará para descer 20 cm.

(Resposta:  $v = 4 \times 10^{-4} \text{ m/s}$  ;  $t = 500 \text{ s}$ )